

- с жидкокометаллической рабочей поверхностью // Вопр. атомной науки и техники. Термодорный синтез. - 1980. - Вып. 2. - С. 57-64.
2. Любчик Л.М. Синтез обратных динамических систем методом инвариантного оценивания // Вестн. Харьк. политехн. ин-та. - 1990. - № 277: Техн. кибернетика и ее прил. - Вып. 10. - С. 5-9.
3. Костенко Ю.Т., Любчик Л.М., Незнамова Е.В. Модификация метода конечных элементов для расчета температурных полей, усредненных по одной из координат // ИДЖ. - 1989. - Т. 57. - № 6. - С. 1016-1022.
4. Мартыненко Н.А., Пустыльников Л.М. Конечные интегральные преобразования и их применение к исследованию систем с распределенными параметрами. - М., 1986. - 303 с.

УДК 519.6

М.Л. Годлевский, канд. техн. наук
Н.П. Чернякова

УПРАВЛЕНИЕ РАЗВИТИЕМ АВИАКОМПАНИИ НА ОСНОВЕ *RPD*-АЛГОРИТМА СИСТЕМНОЙ ОПТИМИЗАЦИИ

В условиях плановой экономики задача управления развитием технических средств транспортных систем решалась на уровне отрасли. Большинство работ посвящено именно этому вопросу. С переходом на рыночные условия хозяйствования транспортные предприятия приобрели самостоятельность. В результате возникла задача разработки систем поддержки принятия решения управления развитием отдельными транспортными предприятиями с точки зрения их интересов. Данная задача - особо актуальна для авиакомпаний.

Будем считать заданными объемы работ по авиакорреспонденциям и авиалиниям, на которые претендует авиакомпания. Горизонт планирования - 5-10 лет. Возникает задача определения структуры парка воздушных судов (ВС) авиакомпании по годам рассматриваемого периода, маршрутизации авиакорреспонденций и расстановки парка ВС по авиалиниям. Управляющими воздействиями, влияющими на динамику изменения количества ВС по типам, будем считать: закупки новых типов ВС, аренду ВС, сдачу в аренду своих ВС, продление ресурса ВС.

Введем ряд обозначений: индекс t обозначает год планового периода, \mathcal{J} - квартал, i - тип ВС, v - маршрут, j - авиа-

корреспонденцию или отдельное звено авиалинии. Пусть θ^t - множество рассматриваемых звеньев; θ_1^t, θ_2^t - множества не-маршрутизируемых и маршрутизируемых авиакорреспонденций; δ_g^{tr} - оценки прогнозируемых объемов работ; θ_g^t - множество вариантов маршрутов потока пассажиров на g -й авиакорреспонденции, $g \in \theta_g^t$; ξ_{uv}^{tr} - величина потока пассажиров, $v \in \theta_g^t$. Тогда естественным является ограничение

$$\sum_{v \in \theta_g^t} \xi_{uv}^{tr} \leq v_g^{tr}, \quad g \in \theta_g^t, \quad t = \overline{t_1, T}. \quad (1)$$

где $[T_1, T]$ - рассматриваемый плановый период. Условие, обеспечивающее обслуживание потока пассажиров ξ_{uv}^{tr} ВС авиакомпании, записывается в виде

$$\xi_{uv}^{tr} \leq \sum_{i \in I_{uv}^t} v_i^{tr} n_{iv} s_{iv}^{tr}, \\ v \in \theta^t, \quad r = \overline{1, 4}, \quad t = \overline{T_1, T}, \quad (2)$$

где I_{uv}^t - множество типов ВС;

s_{iv}^{tr} - количество ВС;

n_{iv} - максимальное число пассажиров, которое может взять на борт ВС;

v_i^{tr} - количество рейсов в прямом и обратном направлениях. Условие, обеспечивающее обслуживание потоков на немаршрутизируемых авиакорреспонденциях, имеет вид

$$\bar{\xi}_g^{tr} + \sum_{v \in \theta_g^t} \xi_{uv}^{tr} \leq \sum_{i \in E_g^t} \bar{v}_{ig}^{tr} l_i^{tr} \bar{n}_{ig} s_{ig}^{tr} + \quad (3)$$

$$+ \sum_{v \in \theta_g^t} \sum_{i \in I_g^t} v_i^{tr} \bar{l}_i^{tr} \bar{n}_{ig} s_{ig}^{tr}, \quad g \in \theta_g^t, \quad r = \overline{1, 4}, \quad t = \overline{T_1, T}.$$

$$\bar{s}_g^{tr} \leq v_g^{tr}, g \in G_1, t = \overline{T_1, T}, \quad (4)$$

где \bar{s}_g^{tr} - величина потоков пассажиров, $g \in G_1^t$;

R_g^t - множество маршрутов, проходящих через g -е звено;

E_g^t - множество типов ВС; количество рейсов в прямом и обратном направлениях, $g \in G_1^t$;

\bar{n}_{ig} - максимальная загрузка пассажирами ВС;

\bar{s}_{ig}^{tr} - количество ВС. Ограничение на пропускную способность функциональных подсистем аэропортов по обслуживанию i -го типа ВС авиакомпании имеет вид

$$\sum_{g \in \Gamma_k^t} (\bar{s}_{ig}^{tr} - s_{ig}^{tr} + \sum_{v \in R_g^t} v^{tr} s_{iv}^{tr}) \leq \bar{\lambda}_{ki}^{tr},$$

$$k \in N_t, i \in I^t, t = \overline{T_1, T}, \quad (5)$$

где Γ_k^t - множество звеньев, примыкающих к k -му аэропорту, в которых эксплуатируются ВС авиакомпании;

$\bar{\lambda}_{ki}^{tr}$ - оценка количества взлетно-посадочных операций ВС, которое гарантирует обслужить k - аэропорт в наиболее напряженном t^* квартале;

I^t - множество типов ВС авиакомпании. Ограничение на пропускную способность аэровокзальных комплексов аэропортов по обслуживанию пассажиров, перевозимых авиакомпанией

$$\sum_{g \in \Gamma_k^t} (\bar{s}_g^{tr} + \sum_{v \in R_g^t} s_v^{tr}) \leq \bar{\lambda}_k^{tr}, \quad (6)$$

$$k \in N_t, t = \overline{T_1, T}.$$

где $\lambda_k^{t\delta^*}$ — оценки количества пассажиров авиакомпании ,

которое гарантирует обслугить K -й аэропорт. Дополнительно на переменные $\bar{s}_{ij}^{t\delta}, \bar{s}_{ig}^{t\delta}, \bar{s}_{iv}^{t\delta}, \bar{s}_{ig}^{t\delta}$ накладываются условия неотрицательности.

С точки зрения идеологии системной оптимизации ограничения (1)–(6) и условия неотрицательности переменных определяют пересечение директивной области \mathcal{D}_o^d и областей, определяемых оценками переменных других функциональных служб. В данном случае это оценки $\lambda_k^{t\delta^*}$ и $\lambda_k^{t\delta^*}$ пропускной способности аэропортов. Исходная область допустимых вариантов функционирования авиакомпании \mathcal{D}_o определяется ограничениями на количество ВС каждого типа:

$$\sum_{v \in \Theta^t} \zeta_v^{t\delta^*} + \sum_{g \in G_i^t} \bar{\zeta}_{ig}^{t\delta^*} \leq b_i, \quad (7)$$

$$i \in I^t, \quad t = \overline{1, T},$$

где b_i — количество ВС i -го типа на начало рассматриваемого планового периода. В том случае, если $\mathcal{D}_o^d \cap \mathcal{D}_o \neq \emptyset$, то целевая функция модели функционирования авиакомпании, определяющая ее прибыль от эксплуатации парка ВС, записывается следующим образом:

$$F_o(\beta, \bar{s}) = \sum_{t=1}^T \mathcal{D}_t^w \alpha_t p_t, \quad (8)$$

где \mathcal{D}_t^w — величина, равная разности выручки от продажи билетов и расходов на обеспечение самолето-вылетов, коммерческого обслуживания в аэропортах и других предприятиях ГА, аeronавигационное обслуживание полетов. Коэффициент α_t определяет прибыль авиакомпании от эксплуатации парка ВС, как некоторый процент от дохода \mathcal{D}_t^w ; p_t — коэффициент, учитывающий степень значимости расходов в t -м году. Если $\mathcal{D}_o \cap \mathcal{D}_o^d = \emptyset$ возникает задача коррекции областей \mathcal{D}_o и \mathcal{D}_o^d , осуществляющейся путем варьирования правых частей ограничений (7):

$$\Delta \theta_i = \sum_{t=1}^{T-1} (x_i^{it} - v_i^{ot}) + \delta_1 x_i^{it} - \delta_2 v_i^{ot} + x_i^{st} + x_i^{rt} + x_i^{vt}, \quad (9)$$

$$i \in I, \quad t = \overline{1, T}$$

где x_i^{it} - количество закупаемых ВС;

x_i^{st} - количество ВС, у которых продлевается ресурс;

x_i^{rt} - количество арендованных ВС;

x_i^{vt} - количество ВС, сдаваемых в аренду;

v_i^{ot} - плановое списание ВС по исчерпанию ресурса.

Коэффициенты δ_1, δ_2 определяют приведение поставок и списания ВС к средним значениям в t^* -м году. На вектор $x = \{x_i^{it}\}$

накладывается ряд ресурсных ограничений, основным из которых является балансное соотношение расходов и доходов. Варьирование правых частей ограничений (7) осуществляется на основе минимизации затрат на поставку новых ВС, аренду и продление ресурса ВС с учетом возможности сдачи в аренду части своего парка. Для решения поставленной задачи управления развитием авиакомпании используется алгоритм системной оптимизации [1].

Л и т е р а т у р а: И. Годлевский М.Д. *KP3* - алгоритм системной оптимизации развивающихся систем в задачах линейного программирования большой размерности //Кибернетика. - 1990. - № 2. - С. 53-58.

УДК 661.3

Л.В. Нестеров

МАТЕМАТИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ПРОГРАММО-ТЕХНИЧЕСКИХ КОМПЛЕКСОВ СИСТЕМ УПРАВЛЕНИЯ ЭНЕРГЕТИЧЕСКИМИ ОБЪЕКТАМИ И ТЕХНОЛОГИЯ ЕГО ПРОЕКТИРОВАНИЯ

Обеспечение высокой надежности, безопасности и экономичности энергетических объектов, особенно энергоблоков АЭС, выдвигает