УДК 621.771.63

## О. И. ТРИШЕВСКИЙ, А. Г. КРЮК, С. Ю. ПЛЕСНЕЦОВ

## ИССЛЕДОВАНИЕ УТОНЕНИЯ В МЕСТАХ ИЗГИБА И ИЗМЕНЕНИЕ ШИРИНЫ ИСХОДНОЙ ЗАГОТОВКИ

Установлено, что утонение, возникающее в местах изгиба тонкостенных гнутых профилей, увеличивает расчётную ширину заготовки и в ряде случаев, особенно при формовке тонкостенных профилей с элементами двойной толщины сложной конфигурации может приводить к искажению их формы. Проведены теоретические исследования величины утонения в местах изгиба гнутых профилей, получена формула для определения приращения ширины в каждом месте изгиба, которой следует пользоваться при проектировании технологии и выборе ширины заготовки при освоении новых профилей.

**Ключевые слова:** гнутый профиль, место изгиба, утонение металла, приращение ширины заготовки, крутящий момент, радиальная составляющая скорости.

Встановлено, що стоншування, що виникає в місцях вигину тонкостінних гнутих профілів, збільшує розрахункову ширину заготівки і у ряді випадків, особливо при формуванні тонкостінних профілів з елементами подвійної товщини складної конфігурації може приводити до спотворення їх форми. Проведені теоретичні дослідження величини стоншування в місцях вигину гнутих профілів, отримана формула для визначення приросту ширини в кожному місці вигину, якою слід користуватися при проектуванні технології і виборі ширини заготівки при освоєнні нових профілів.

Ключові слова: гнутий профіль, місце вигину, стоншування металу, приріст ширини заготівки, момент, що крутить, радіальна складова швидкості.

When the forming rolls in roll forming mill in the field of bending metal necking occurs, causing a change in bandwidth during its deformation. Therefore, if we ignore this increase in width of the workpiece, during the development of the production of new profiles situation arises technology, when its width is larger than the estimated width of the roll caliber varying mill, which in some cases can lead to the formation of profile defects flatness its individual elements. The perspective gage of profiles of a difficult configuration with elements of double thickness is analyzed. It is set that the weight of 1 running meter of bent profiles, and, therefore, their thickness, permanently decrease. Now, in a gage there are profiles 0,5 mm thick and less. It, causes a row of the additional difficulties connected to receiving qualitative thin-walled profiles, in particular, owing to change of thickness of a preformed band from thin-sheet material, origin of nonplanarity on separate sections of profiles is possible. It is set that thinning of sheet metall, arising up in the places of bend of the thin-walled bent types, increases the calculation width of purveyance and in a number of cases, especially at roll forming of the thin-walled types with the elements of double thickness of the complicated configuration can result in distortion of their form. Theoretical researches of size of thinning in the places of bend of the bent types are conducted, a formula is got for determination of increase of width in every place of bend, which it is necessary to use at planning of technology and and choice of width of purveyance at mastering of new types.

Keywords: bent type, place of bend, thinning of metal, increase of width of purveyance, twisting a moment, radial constituent of speed.

Вступление. В работе [1] приведен анализ сортамента современного состояния профилей с элементами двойной толщины, в котором отмечается, что ввиду с его постоянного совершенствования и развития, что связано с необходимостью повышать экономические показатели и эффективность применения гнутых профилей в различных металлоконструкциях, вес 1 погонного метра ГНУТЫХ профилей, следовательно, их толщина, постоянно снижаются. В настоящее время, в сортаменте есть профили толщиною 0,5 мм и меньше. А это, в свою очередь, вызывает дополнительных трудностей, связанных с получением качественных тонкостенных профилей. связи с изложенным работы, направленные на анализ возможных причин появления бракованной продукции, их учёт и дальнейшее совершенствование технологии получения экономически эффективной металлопродукции, являются важными актуальными.

Анализ состояния вопроса, основных достижений и литературы. При формоизменении в валках профилегибочного стана в местах изгиба происходит утонение металла, вызывающее изменение ширины полосы в процессе ее деформации. В связи с этим, если не учитывать это увеличение ширины заготовки, при освоении

технологии производства новых профилей возникает ситуация, когда её ширина оказывается больше расчётной ширины калибра валков в той или иной клети, что в ряде случаев может привести к образованию дефектов профиля по неплоскостности его отдельных элементов. Особенно часто возникновение такого дефекта возможно при освоении профилей сложной формы, в том числе с элементами двойной толщины из тонкостенного материала [1].

В работах [2–5] приведены результаты теоретических и экспериментальных исследований процессов формообразования таких профилей, однако, задача определения конечной зависимости приращения ширины заготовки в процессе формовки там не ставилась и не решалась.

В связи с изложенным, целью данной работы является проведение теоретических исследований формообразования участка изгиба на профилях, результаты которых позволили бы получить инженерную зависимость приращения ширины заготовки на участках изгиба, которую можно использовать при проектировании калибровок валков для освоения новых тонкостенных профилей с элементами двойной толщины.

**Материалы исследований.** Для исследования распределения утонения по поперечному сечению полосы в процессе профилирования рассмотрим

© О. И. Тришевский, А. Г. Крюк, С. Ю. Плеснецов, 2016

изгиб ее нижним валком в ручье калибра верхнего валка (рис. 1).

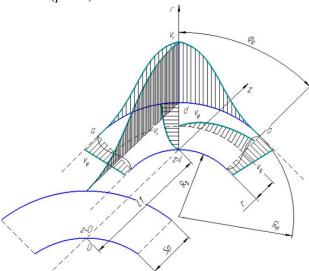


Рис.1 – Схема очага деформации при формообразовании места изгиба на гнутом профиле

При этом значение изгибающего момента для материала, обладающего упругопластическими свойствами, определим по формуле [6].

$$M = \frac{S_0^2 L_1}{4} \left[ \sigma_s \left( 1 - \frac{\Pi}{E} \right) \left( 1 - \frac{4\sigma_s \rho^2}{3E^2 S_0^2} \right)^2 + \frac{\Pi S_0}{3\rho} \right]. (1)$$

где  $\rho = \sqrt{R_{\rm H}R_{\rm B}}$  — радиус нейтрального слоя напряжений;

 $\Pi$  – модуль упрочнения;

 $S_0$  — исходная толщина заготовки;

 $L_{\it l}$  – длина очага деформации перед формующей клетью.

Это выражение позволяет определить радиус кривизны в любом сечении полосы, если известно распределение изгибающих моментов. При этом ширина мест изгиба в каждой последующей клети равна ширине пластически-деформированного участка полосы в предыдущей клети.

Сопоставляя распределение изгибающих моментов по ширине полосы с его значением на границе участка пластической деформации можем определить ширину места изгиба, на которой происходит утонение металла.

$$M = \sigma_s \frac{S_0^2 L_1}{4} , \qquad (2)$$

Приняв во внимание, что распределение изгибающих моментов является функцией внешних сил в каждом сечении по ширине места изгиба, можно определить радиус кривизны из уравнения (1):

$$\frac{8\sigma_s^3 \left(1 - \frac{\Pi}{E}\right)}{9E^4 S_0^4} \rho^4 - \frac{8\sigma_s^2 \left(1 - \frac{\Pi}{E}\right)}{3E^2 S_0^2} \rho^2 + \frac{\Pi S_0}{3} \rho - \left[\frac{4M}{L_1 S_0^2} - \sigma_s \left(1 - \frac{\Pi}{E}\right)\right] = 0.$$
 (3)

Рассматривая утонение в каждом конкретном сечении места изгиба как функцию относительного радиуса кривизны в этом же сечении, определенного по формуле (3), величину утонения находим из следующего уравнения [7]:

$$\eta^3 - 2\eta^2 (2r_e + 1) + \eta (4r_e^2 + 4r_e + 1,25) - 0,25 = 0,$$
 (4) где  $\eta$ - относительное удлинение,

 $r_{e}$  – относительный внутренний радиус.

Таким образом, уравнения (3) и (4) позволяют установить зависимость утонения от параметров и формы профиля, механических свойств металла полосы.

Учитывая, что при профилировании значение утонения с увеличением относительного радиуса изгиба стремится к нулю, а при его уменьшении — значительно возрастает, с достаточной степенно точности можно принять зависимость абсолютного утонения от радиуса изгиба в виде гиперболы:

$$\Delta S = \frac{A}{\rho^n},\tag{5}$$

где A и n — постоянные.

Исследования изготовления на профилегибочных станах уголков, швеллеров и других сортовых профилей показало, что перемещение металла в местах изгиба вдоль полосы отсутствует, поэтому осевая составляющая скорости равна нулю:

$$v_z = 0.$$
 (6)

Остальные две составляющие — радиальная  $v_r$  и тангенциальная  $v_{\varphi}$  -зависят от всех трех координат:

$$v_r = v_r(r, \varphi, z); \ v_{\varphi} = v_{\varphi}(r, \varphi, z).$$

Экспериментальные исследования утонения в местах изгиба показали, что по мере прохождения полосы через валки профилегибочного стана, то есть с уменьшением внутреннего радиуса места изгиба, увеличивается степень утонения; при этом утонение по ширине места изгиба распределяется неравномерно и является функцией полярного угла  $\varphi$  в месте изгиба.

Так как скорости частиц металла тождественно равны перемещениям в единицу времени, радиальную составляющую скорости можно записать в общем виде следующим образом:

$$v_r = \left(Ar + \frac{B}{r}\right) \Phi(\varphi) \frac{z}{l}, \qquad (7)$$

где r — текущий радиус-вектор точки в месте изгиба; A и B — постоянные коэффициенты;

 $\Phi(\varphi)$ — функция полярного угла  $\varphi$ , учитывающая зависимость радиальной составляющей скорости  $v_r$  от этого угла;

l — длина участка полосы, на которой происходит утонение при формоизменении полосы от плоской до готового профиля;

z – аппликата рассматриваемого поперечного сечения полосы.

Экспериментальными исследованиями установлено, что изменение угла подгибки полок на участке очага деформации за осевой плоскостью валков незначительно по сравнению с изменением его перед этой плоскостью. В соответствии с изменением угла подгибки изменяются и деформации в месте изгиба. Поэтому длину участка полосы l, на которой происходит утонение, принимаем как сумму длин очагов деформации перед осевой плоскостью валков по всем проходам, считая, что величина утонения распределяется по этой длине равномерно.

Для нахождения коэффициентов A и B уравнения (7) рассмотрим перемещение точек металла, лежащих на биссектрисе угла изгиба (при  $\varphi=0$ ) в поперечном сечении полосы z=l. В этом сечении перемещение частиц металла, лежащих на биссектрисе угла изгиба, происходит только вдоль радиуса, что позволяет принять в выражении для радиальной составляющей скорости этих точек  $\Phi(\varphi)$ =1, после чего выражение (7) можно записать в следующем виде:

$$v_r = Ar + \frac{B}{r} \tag{8}$$

Коэффициенты *А* и *В* выражения (8) можно определить из граничных условий формоизменения полосы в валках профилегибочного стана: точка касания полосы с вершиной верхнего валка, лежащая на биссектрисе угла места изгиба во внутреннем радиусе, остается неподвижной относительно остальных точек места изгиба на всем протяжении перехода полосы из плоской заготовки в готовый профиль, то есть ее радиальное перемещение равно нулю, а точка, лежащая на наружном радиусе, получает максимальное перемещение.

Таким образом, эти граничные условия имеют вид:

$$v_r = 0$$
 при  $r = R_{\theta}$ ;  $v_r = -v_0$  при  $r = R_{H}$ . (9)

Из (7) и (9) получим систему двух уравнений с двумя неизвестными A и B:

$$AR_{e} + \frac{B}{R_{e}} = 0; \quad AR_{H} + \frac{B}{R_{H}} = -v_{0}.$$
 (10)

Решаем (10):

$$A = -\frac{v_0}{R_H - \frac{R_g^2}{R_U}}; \ B = \frac{v_0 R_g^2}{R_H - \frac{R_g^2}{R_U}}.$$
 (11)

Подставив значения A и B (11) в (8), после некоторых преобразований получим следующее выражение для радиальной составляющей скорости:

$$v_r = -\frac{v_0}{R_H - \frac{R_g^2}{R_W}} \left( r - \frac{R_g^2}{r} \right) \Phi(\varphi) \frac{z}{l}.$$
 (12)

В выражении (12) осталась неизвестной только функция  $\mathcal{O}(\varphi)$ . На основании экспериментальных исследований было установлено, что изменение утонения по ширине места изгиба описывается функцией следующего вида:

$$\Phi(\varphi) = \cos^4 \frac{\pi \varphi}{2\varphi_0} \tag{13}$$

Подставив (13) в (12), получим окончательное выражение для радиальной составляющей скорости:

$$v_{r} = -\frac{v_{0}}{R_{H} - \frac{R_{e}^{2}}{R_{H}}} \left( r - \frac{R_{e}^{2}}{r} \right) \frac{z}{l} \cos^{4} \frac{\pi \varphi}{2\varphi_{0}}.$$
 (14)

Так как течение металла вдоль полосы отсутствует, то площадь, заключенная между наружной поверхностью места изгиба в деформированном и недеформированном состояниях, будет определять приращение ширины исходной заготовки при ее формоизменении.

Эту площадь можно определить следующим образом:

$$F = \int_{\varphi_0}^{0} v_r R_{\scriptscriptstyle H} d\varphi \tag{15}$$

где  $v_r$  – радиальная составляющая скорости;

 $R_{\rm H} d \phi -$  длина элемента дуги на наружной поверхности места изгиба.

Подставив выражение радиальной составляющей скорости из (14) при  $\eta = R_{\scriptscriptstyle H}$  в (15) и проинтегрировав, получим:

$$F = \frac{3}{4} v_0 R_H \varphi_0 \frac{z}{l}$$

Для готового профиля (то есть при  $\frac{z}{l} = 1$ ), имеем:

$$F = \frac{3}{4} v_0 R_{H} \varphi_0$$

Тогда величина приращения ширины исходной заготовки

$$\Delta b = \frac{F}{S_0} = \frac{3}{4} v_0 \frac{R_H \varphi_0}{S_0} \tag{16}$$

где  $R_{H}$  – наружный радиус в месте изгиба, мм;

 $\varphi_0 = \frac{\alpha}{2} - \quad \text{половина} \quad \text{угла} \quad \text{подгибки} \quad \text{элемента}$  профиля, принятого по калибровке, рад;

 $v_0 = \Delta S_{\max}$  — величина максимального утонения в месте изгиба, мм;

Подставив в (16) значения  $\varphi_0$  и  $\nu_0$ , получим формулу для определения величины приращения ширины исходной заготовки:

$$\Delta b = \frac{3\Delta S_{\text{max}}}{8S_0} R_{\text{H}} \alpha \tag{17}$$

**Выводы.** 1. На основании исследования процесса утонения в местах изгиба получена формула

для определения величины приращения ширины исходной заготовки.

2. Полученная зависимость позволит правильно определять ширину исходной заготовки для получения качественных гнутых профилей проката с размерами в пределах установленных допусков на готовое изделие.

## Список литературы:

- 1. Тришевский О.И., Плеснецов С.Ю. Анализ современного состояния производства и применения специальных профилей с местами изгиба на 180°.// Обработка материалов давлением. Сб. науч. трудов ДГМА. Краматорск. 2009. № 2 (21). С. 227–230
- Тришевский О.И., Плеснецов С.Ю. Теоретический анализ формовки специальных профилей с местами изгиба на 180°// Вісник НТУ «ХПІ».Харьков.—2009.— № 33. С. 119–130.
   Тришевский О.И., Плеснецов С.Ю. Разработка методики
- **3.** *Тришевский О.Й., Плеснецов С.Ю.* Разработка методики исследования специальныть гнутых профилей с элементами изгиба на  $180^{\circ}$  и теънологии их производства // Вісник НТУ У «КПІ» Київ. 2010. Ne60 С. 212—215.
- Київ. 2010. №60 С. 212–215. **4.** Плеснецов С.Ю. Исследование утонений и смещения нейтрального слоя при изгибе листового металла на 180° // Вісник НТУ «ХПІ». – Харків. – 2011. – № 47. – С. 69–75.
- **5.** Плеснецов С.Ю., Тришевский О.И. Теоретический анализ деформированного состояния металла в местах изгиба до  $180^{\circ}$ . // Вісник НТУ «ХПІ». Харків. 2015. № 24 (1133). С. 77—86.
- **6.** Алексеев Ю. Н. Вопросы пластического течения металлов. // Харьков: Изд-во ХГУ, 1958.

**7.** *Мошнин Е.Н.* Исследование пластического изгиба. В кн. Элементы теории и новые процессы обработки металлов давлением.// Труды ЦНИИТМАШ, кн.62. – Москва : Машгиз, 1954.

## References (transliterated):

- Trishevskiy O.I., Plesnetsov S.Yu. Analiz sovremennogo sostoyaniya proizvodstva i primeneniya spetsialnyih profiley s mestami izgiba na 180°. // Obrabotka materialov davleniem. Sb. nauch. trudov DGMA. Kramatorsk. 2009. No 2 (21). P. 227–230.
   Trishevskiy O.I., Plesnetsov S.Yu. Teoreticheskiy analiz
- Trishevskiy O.I., Plesnetsov S.Yu. Teoreticheskiy analiz formovki spetsialnyih profiley s mestami izgiba na 180° // Visnik NTU «KHPI». Kharkov. 2009. No 33. P. 119–130.
   Trishevskiy O.I., Plesnetsov S.Yu. Razrabotka metodiki
- 3. Trishevskiy O.I., Plesnetsov S.Yu. Razrabotka metodiki issledovaniy spetsialnyih gnutyih profiley s elementami izgiba na 180° i tehnologii ih proizvodstva.// Visnik NTU U «KPI». KiYiv. 2010. No 60. P. 212–215.
- 4. Plesnetsov S.Yu. Issledovanie utoneniy i smescheniya neytralnogo sloya pri izgibe listovogo metalla na 180°.// Visnik NTU «HPI». KharkIv. 2011. No 47. P. 69–75.
- 5. Plesnetsov S.Yu., Trishevskiy O.I. Teoreticheskiy analiz deformirovannogo sostoyaniya metalla v mestah izgiba do 180° // Visnik NTU «HPI». KharkIv. 2015. No 24 (1133). C. 77–86.
  6. Alekseev Yu. N. Voprosyi plasticheskogo techeniya metallov. //
- 6. Alekseev Yu. N. Voprosyi plasticheskogo techeniya metallov. //Kharkov:Izd-vo HGU, 1958.7. Moshnin E.N. Issledovanie plasticheskogo izgiba. V kn.
- 7. Moshnin E.N. Issledovanie plasticheskogo izgiba. V kn. Elementyi teorii i novyie protsessyi obrabotki metallov davleniem.// Trudyi TsNIITMASh, kn.62. Moscow : Mashgiz Publ., 1954

Поступила (received) 07.11.2015

Бібліографічні onucu / Библиографическое onucatue / Bibliography dicriptins

Исследование утонения в местах изгиба и изменение ширины исходной заготовки / О. И Тришевский, А. Г. Крюк, С.Ю. Плеснецов // Вісник НТУ «ХПІ». Серія: Інноваційні технології та обладнання обробки матеріалів у машинобудуванні та металургії. — Харків: НТУ «ХПІ», 2016. — № 30(1202). — С. 74—78. — Бібліогр.: 7 назв. — ISSN 2519-2671

Дослідження стоншування в місцях вигину і зміна ширини вихідної заготівки / О. І. Трішевський, А. Г. Крюк, С. Ю. Плеснецов // Вісник НТУ «ХПІ». Серія: Інноваційні технології та обладнання обробки матеріалів у машинобудуванні та металургії. — Харків: НТУ «ХПІ», 2016. — № 30(1202). — С. 73—78. — Бібліогр.: 7 назв. — ISSN 2519-2671

Thinning research in places of a bend and change of width of the initial purveyance / O. I. Trishevsky, A. G. Kryuk, S. Yu. Plesnetsov // Bulletin of NTU «KhPI». Series: Innovative technologies and equipment handling materials in mechanical engineering and metallurgy. – Kharkiv: NTU «KhPI» – 2016. – No 30 (1202). – P. 74–78. – Bibliogr.: 7 – ISSN 2519-2671

Відомості про авторів / Сведения об авторах / About the Authors

**Тришевский Олег Игоревич** — доктор технических наук, профессор, Харьковский национальный технический университет сельского хозяйства им. П. Василенко, заведующий кафедрой «Технология материалов» тел. 050-407-26-11, e-mail: 3shev@ukr.net.

**Тришевський Олег Ігорович** – доктор технічних наук, професор, Харьківський національний технічний університет сільского господарства ім. П. Василенко, завідуючий кафедрою «Технологія матеріалів» тел. 050-407-26-11, e-mail: 3shev@ukr.net.

*Trishevskiy Oleh Igorovic* – doctor of engineerings sciences, professor, Kharkiv national technical university of agriculture, the name of Petro Vasilenko, manager of department «Technology of materials», tel., 407-26-11, e-mail: 3shev@ukr.net.

**Крюк Анатолий Григорьевич** – кандидат технических наук, профессор кафедры «Естественные науки и технологии» Харьковского национального экономического университета имени Семена Кузнеца, г. Харьков; тел.: (057) 7020265 (доп. 328); e-mail: kafttech@hneu.edu.ua.

**Крюк Анатолій Григорович** — кандидат технічних наук, професор кафедри «Природничі науки та технології» Харківського національного економічного університету імені Семена Кузнеця, м. Харків; тел.: (057) 7020265 (доп. 328); e-mail: kafttech@hneu.edu.ua.

*Kryuk Anatoliy Grigorievich* – PhD, professor of "Science and Technology" Kharkiv National Economic University named after Semen Kuznets on Kharkiv; tel. (057) 7020265 (dop. 328); e-mail: kafttech@hneu.edu.ua

**Плеснецов Сергей Юрьевич** — ассистент кафедры ПМНК, Национальный технический университет «Харьковский политехнический институт» (НТУ «ХПИ»), тел. 050-841-30-09, e-mail: plesnetsov@gmail.com.

**Плєснецов Сергій Юрійович** – асистент кафедри ПМНК, Національний технічний університет «Харківський політехнічний інститут» (НТУ «ХПІ»), тел. 050-841-30-09, e-mail: plesnetsov@gmail.com

*Plesnetsov Sergey Yurevich* – assistent kafedryi PMNK, National Technical University "Kharkiv Polytechnic Institute" (NTU «KHPI»), tel. 050-841-30-09, e-mail: plesnetsov@gmail.com.