- *Б. И. КУЗНЕЦОВ*, д-р. техн. наук, проф., зав. отд. ИТПМ НАН Украины, Харьков;
- *Т. Б. НИКИТИНА*, д-р. техн. наук, проф., зав. каф. ХНАДУ, Харьков;
- **В. В. КОЛОМИЕЦ**, канд. техн. наук, доц., директор УНППИ УИПА, Харьков;
- В. В. ХОМЕНКО, асп. УИПА, Харьков

## ИССЛЕДОВАНИЕ ВЛИЯНИЯ НЕЛИНЕЙНОСТЕЙ И ВАРИАЦИИ ПАРАМЕТРОВ ОБЪЕКТА УПРАВЛЕНИЯ НА ДИНАМИЧЕСКИЕ ХАРАКТЕРИСТИКИ ЭЛЕКТРОМЕХАНИЧЕСКИХ СЛЕДЯЩИХ СИСТЕМ

Введение. Подавляющее большинство существующих электромеханических следящих систем построены по принципу подчиненного регулирования и содержат контуры момента (тока), скорости и положения с типовыми регуляторами. В связи с наличием сухого трения на валах исполнительного двигателя и рабочего механизма, введение интегральной составляющей в контуре регулирования положения приводит к возникновению незатухающих колебаний. Поэтому в существующих следящих электромеханических системах применяют пропорционально-дифференциальные регуляторы, реализуемые с помощью гироскопических датчиков углового положения и угловой скорости рабочего органа.

**Постановка проблемы.** Точность управления такими системами в значительной степени определяется наличием нелинейных элементов. При движении рабочего органа с малой скоростью влияние сухого трения на валах исполнительного двигателя и рабочего органа вызывает неравномерность движения, что приводит к ухудшению технических характеристик системы. А при движении с большой скоростью наличие сухого трения практически не оказывает влияние на показатели качества системы. Однако при больших перемещениях время регулирования определяется энергетическими характеристиками исполнительного двигателя – максимальными значениями его момента и скорости вращения.

Наличие упругих элементов между приводным двигателем, редуктором и приводным механизмом также влияет на динамические характеристики системы. По мере повышения быстродействия и расширения полосы пропускания системы собственные механические колебания начинают влиять на динамику: в переходном процессе появляются колебания, в частотной характеристике системы возникают выбросы, а по мере приближения полосы пропускания к первой частоте собственных недемпфированных колебаний механической части система становится неустойчивой.

**Анализ литературы.** Существующие типовые регуляторы, в основном, исчерпали возможности дальнейшего повышения точности управления [1-2]. Постоянное повышение требований к точности работы электромеханических следящих систем обуславливает применение новых современных законов управления. Одним из возможных направлений существенного повышения качества таких систем является реализация управления по вектору состояния, в частности, на основе теории робастного управления [3].

Робастные регуляторы состояния являются линейными регуляторами по вектору состояния исходной линейной системы, восстановленному с помощью линейных робастных наблюдателей. Однако анализ синтезированных систем необходимо проводить с учетом наличия существенных нелинейностей объекта управления, таких как сухое трение на валах двигателя и рабочего механизма, изменение параметров объекта управления в ходе работы системы и другие факторы и при этом необходимо выполнить исследование работы системы в различных режимах работы системы.

**Целью данной статьи** является исследование влияния нелинейностей и вариации параметров объекта управления на динамические характеристики электромеханических следящих систем с робастными регуляторами по сравнению с системами с типовыми регуляторами.

**Изложение материала исследования**. Существующие следящие электромеханические системы с пропорционально-дифференциальным регулятором положения являются статическими системами. В процессе наведения рабочего органа основным режимом работы системы является отработка линейно нарастающего, либо линейно убывающего задания по положению объекта сопровождения [1]. Для устранения установившейся ошибки в таком режиме работы, система управления положением рабочего органа должна обладать астатизмом второго порядка. С этой целью при синтезе системы в математическую модель расширенного объекта управления введем два последовательно соединенные интегрирующие звена.

**Метод решения.** Синтезируем робастный регулятор следящей электромеханической системы [3] с помощью решения [4-7] многокритериальной задачи нелинейного программирования с ограничениями [8-9] на основе построения Парето оптимальных решений [10-12] с помощью алгоритмов стохастической мультиагентной оптимизации мультироем частиц [13-15], что позволяет сократить время решения задачи и удовлетворить разнообразным требованиям, которые предъявляются к работе следящей электромеханической системы в различных режимах [1-2].

К проектируемым многомассовым системам управления предъявляются разнообразные требования при их работе в различных режимах. Как правило, накладываются определенные ограничения на качество переходных процессов — задается время первого

© Б.И. Кузнецов, Т.Б. Никитина, В.В. Коломиец, В.В. Хоменко, 2015 согласования, время регулирования,

перерегулирование и т.д. Обычно также задается максимальная дисперсия ошибки слежения либо стабилизации при отработке случайных задающих воздействий, либо компенсация случайных возмущающих воздействий, и при этом, естественно, должны удовлетворяться ограничения на переменные состояния и управления. Еще одним требованием, предъявляемым к системам управления, является ограничение ошибок отработки задающих, либо компенсации возмущающих воздействий в виде гармонических сигналов. При этом может быть задан входной сигнал одной частоты, либо несколько характерных рабочих частот, а может быть задан диапазон рабочих частот, в котором необходимо выполнить определенные условия. И, наконец, для следящих систем повышенной точности характерным режимом работы является отработка малых скоростей либо малых перемещений. Для этого режима обычно задается неплавность движения в виде соответствующих критериев. Причинами неплавного движения рабочего органа на низких скоростях является наличие нелинейностей типа сухое трение в исполнительных двигателях и рабочих органах и упругих элементов между исполнительным двигателем и рабочим органом, что приводит к срывным колебаниям подвижных частей исполнительного двигателя и рабочего органа, сопровождающихся остановками и срывами подвижных частей относительно положения остановок. Одним из основных требований, предъявляемых к многомассовым системам управления, является также требование робастности синтезированной системы, т.е. способность системы сохранять предъявляемые к ней технические требования при изменении в определенных пределах параметров объекта управления и внешних воздействий.

**Результаты моделирования на ЭВМ**. Вначале проведем исследование динамических характеристик следящей электромеханической системы с синтезированным робастным регулятором с астатизмом второго порядка при учете всех нелинейностей для трех различных значениях момента инерции объекта управления при наведении на малых скоростях. На рис. 1. показаны переходные процессы в электромеханической следящей системе при наведении на малых скоростях (0,02град/с). На рисунке показаны следующие переменные состояния: а) угла поворота рабочего органа  $\phi(t)$ ; б) скорости вращения рабочего органа  $\omega_{M}(t)$ ; в) момента упругости  $M_{V}(t)$ ; г) скорости двигателя  $U_{g}(t)$ .

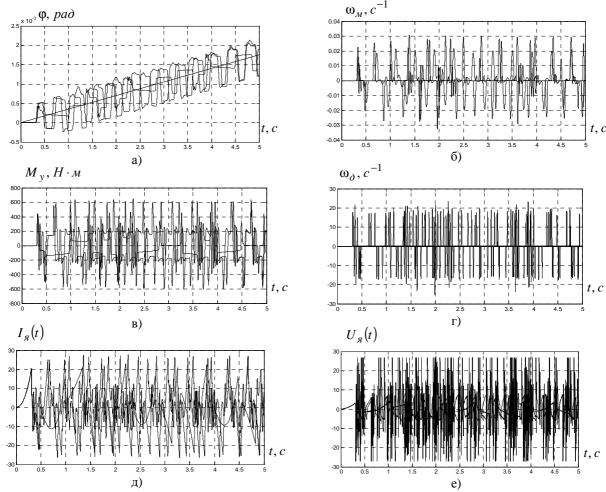


Рис. 1 Переходные процессы при наведении на малых скоростях (0,02град/с): а) угла поворота башенки  $\varphi(t)$ ; б) скорости вращения башенки  $\omega_{\scriptscriptstyle M}(t)$ ; в) момента упругости  $M_{\scriptscriptstyle Y}(t)$ ; г) скорости двигателя  $\omega_{\scriptscriptstyle O}(t)$ ; д) тока двигателя  $I_{\scriptscriptstyle R}(t)$ ; е) напряжения на якорной цепи двигателя  $U_{\scriptscriptstyle R}(t)$ .

Как видно из этого рисунка, при наведении объекта с малой скоростью установившаяся ошибка при отработке системой линейно-нарастающего сигнала равна нулю, однако движение рабочего органа сопровождается остановками и участками с изменением знака скорости движения относительно заданного значения угла поворота рабочего органа. В целом, несмотря на наличие двух интегрирующих звеньев регулятора для объекта управления, у которого имеется существенное сухое трение на валах двигателя и рабочего органа, система сохраняет устойчивость при изменении момента инерции объекта управления в заданных переделах.

Проведем теперь исследование динамических характеристик следящей электромеханической системы с синтезированным робастным регулятором с астатизмом второго порядка с учетом всех нелинейностей для трех различных значениях момента инерции объекта управления при наведении на больших скоростях. На рис. 2 показаны переходные процессы в электромеханической следящей системе при наведении на больших скоростях (6 град/с). На этом рисунке, так же как и на рис. 1, показаны следующие переменные состояния: а) угла поворота рабочего органа  $\phi(t)$ ; б) скорости вращения рабочего органа  $\omega_{M}(t)$ ; в) момента упругости  $M_{y}(t)$ ; г) скорости двигателя  $U_{g}(t)$ ; е) напряжения на якорной цепи двигателя  $U_{g}(t)$ .

Как видно из этого рисунка, при наведении объекта с большой скоростью установившаяся ошибка при отработке системой линейно-нарастающего сигнала равна нулю, и при этом рабочий орган движется достаточно плавно.

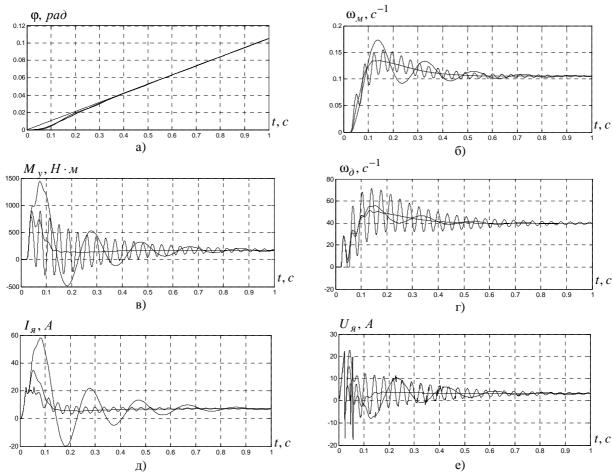


Рис. 2 Переходные процессы при наведении на больших скоростях (6 град/с): а) угла поворота башенки  $\phi(t)$ ; б) скорости вращения башенки  $\omega_{_{M}}(t)$ ; в) момента упругости  $M_{_{Y}}(t)$ ; г) скорости двигателя  $\omega_{_{\partial}}(t)$ ; д) тока двигателя  $I_{_{R}}(t)$ ; е) напряжения на якорной цепи двигателя  $U_{_{R}}(t)$ .

**Выводы.** Наличие нелинейных элементов, а также изменение параметров объекта управления в процессе работы электромеханических следящих систем оказывает влияние на динамические характеристики систем с синтезированными робастными регуляторами состояния. Однако их влияние на динамические характеристики системы с робастными регуляторами существенно меньше по сравнению с системой с типовыми регуляторами.

В существующих следящих электромеханических системах применяют пропорционально - дифференциальный регулятор положения, так что система является статической. Введение интегральной составляющей в контуре регулирования положения приводит к возникновению незатухающих колебаний в связи с наличием сухого трения на валах исполнительного двигателя и рабочего механизма. В синтезируемой системе с робастным регулятором состояния реализован второй порядок астатизма за счет введения в контур управления двух

интегрирующих звеньев. Это позволило устранить установившуюся ошибку при отработке линейно нарастающего задающего воздействия, в то время как существующая система с пропорционально-дифференциальным регулятором имеет установившуюся статическую ошибку по положению рабочего органа.

Изменение момента инерции рабочего механизма в заданных пределах практически не приводит к изменению динамических характеристик синтезированной системы с робастным регулятором, в то время как в существующей системе с пропорционально-дифференциальным регулятором это изменение динамических характеристик существенно. Таким образом, синтезированная система с робастным регулятором обладает большей робастностью по отношению к изменению параметров объекта управления в сравнении.

Список литературы: 1. Кузнецов Б.И. Многокритериальный синтез анизотропийных регуляторов многомассовых электромеханических систем / Б.И. Кузнецов, Т.Б. Никитина, М.О. Татарченко, В.В.Хоменко // Технічна електродинаміка. – 2014. – №4. – C. 105 – 107. 2. Liu G.P. Multiobjective Optimization and Control /G.P. Liu, J.B. Yang, J.F. Whidborne. – Research Studies Press Ltd, 2003. – 320 p. 3. Diamond P. Anisotropy – based Performance Analysis of Linear Discrete Time Invariant Control Systems / P. Diamond, I.G. Vladimirov, A.P. Kurdjukov, A.V. Semyonov / Int. J. Control. - 2001. - V. 74. - Pp. 28 - 42. 4. Kennedy J. Swarm Intelligence / J. Kennedy, R.C. Eberhart, Y. Shi. - San Francisco: Morgan Kaufmann Publishers, 2001. 5. Clerc M. Particle Swarm Optimization / M. Clerc. - London: ISTE Ltd, 2006. - 244 p. 6. Gazi V. Swarm Stability and Optimization / V. Gazi, K.M. Passino. - Springer, 2011. - 318 p. 7. Xin-She Yang. Swarm Intelligence and Bio-Inspired Computation: Theory and Applications / Xin-She Yang, Zhihua Cui, Renbin Xiao, Amir Hossein Gandomi, Mehmet Karamanoglu. - Elsevier Inc., 2013. - 450 p. 8. Kurdukov A.P. Computing Anisotropic Optimal Controller for System with Parametric Uncertainty via Homotopy - based Algorithm / A.P. Kurdukov, E.A. Maximov, M.M. Tchaikovsky. - SicPro'06, Moscow, ICS, CD-ROM, 2006. 9. Kurdukov A.P. Homotopy Method for Solving Anisotropy-based Stochastic  $H_{\infty}$ -optimization Problem with Uncertainty / A.P. Kurdukov, E.A. Maximov, M.M. Tchaikovsky / Proc. 5th IFAC Symposium on Robust Control Design. - Toulouse, France, CD-ROM, 2006. 10. Zilzter Eckart. Evolutionary Algorithms for Multiobjective Optimizations: Methods and Applications, Ph.D. Thesis Swiss Federal Institute of Technology. Zurich, 1999. 11. Fonseca C.M. An overview of Evolutionary Algorithms in Multiobjective Optimization / C.M. Fonseca, P.J. Fleming / Evolutionary Computation. – 1995. – Vol. 3. – Nol. – Pp. 1–16. 12. Coello Coello C.A. A Comprehensive Survey of Evolutionary-based Multiobjective Optimization Techniques / C.A. Coello Coello / Knowledge and Information Systems. - 1999. -Vol. 1.- №3. - Pp. 269 - 308. 13. Coello Coello C.A. MOPSO: a Proposal for Multiple Objective Particle Swarm Optimization / Coello Coello, Carlos A., Lechuga, Maximino Salazar / Proceedings of the IEEE Congress on Evolutionary Computation, 2002. 14. Hu Xiaohui. Multiobjective Optimization using Dynamic Neighborhood Particle Swarm Optimization / Hu Xiaohui, Eberhart Russell C. / Proceedings of the IEEE Congress on Evolutionary Computation, 2002. 15. Parsopoulos Konstantinos E. Particle Swarms Optimization Method in Multiobjective Problems / Parsopoulos Konstantinos E., Vrahatis, Michael N. / Proceedings of the ACM Symposium on Applied Computing. – 2002. – Pp. 603 – 607.

Bibliography (transliterated): 1. Kuznetsov B.I., Nikitina T.B., Tatarchenko M.O., Khomenko V.V. "Mnogokriterial'nyj sintez anizotropijnyh reguljatorov mnogomassovyh jelektromehanicheskih sistem". Tehnichna elektrodynamika. no 4. 2014. 105 – 107. Print. 2. Liu G.P., Yang J.B., Whidborne J.F. Multiobjective Optimization and Control, Research Studies Press Ltd, 2003. Print. 3. Diamond P., Vladimirov I.G., Kurdjukov A.P., Semyonov A.V. Anisotropy - based Performance Analysis of Linear Discrete Time Invariant Control Systems. Int. J. Control. V. 74. 2001. 28 - 42. Print. 4. Kennedy J., Eberhart R.C., Shi Y. Swarm Intelligence. San Francisco: Morgan Kaufmann Publishers, 2001. Print. 5. Clerc M. Particle Swarm Optimization. London: ISTE Ltd, 2006. Print. 6. Gazi V., Passino K.M. Swarm Stability and Optimization, Springer, 2011. Print. 7. Xin-She Yang, Zhihua Cui, Renbin Xiao, Amir Hossein Gandomi, and Mehmet Karamanoglu. Swarm Intelligence and Bio-Inspired Computation: Theory and Applications. Elsevier Inc, 2013. Print. 8. Kurdukov A.P., Maximov E.A., Tchaikovsky M.M. Computing Anisotropic Optimal Controller for System with Parametric Uncertainty via Homotopy - based Algorithm. SicPro'06, Moscow: ICS, 2006. CD-ROM. 9. Kurdukov A.P., Maximov E.A., Tchaikovsky M.M. Homotopy Method for Solving Anisotropy-based Stochastic  $H_{\infty}$  -optimization Problem with Uncertainty, Proc. 5th IFAC Symposium on R bust Control Design, Toulouse, 2006. CD-ROM. 10. Zilzter Eckart. Evolutionary Algorithms for Multiobjective Optimizations: Methods and Applications, Ph.D. Thesis Swiss Federal Institute of Technology. Zurich. 1999. Print. 11. Fonseca C.M., Fleming P.J. An overview of Evolutionary Algorithms in Multiobjective Optimization, Evolutionary Computation. No. l. 3. 1995. 1 – 16. Print. 12. Coello Coello C.A. A Comprehensive Survey of Evolutionary-based Multiobjective Optimization Techniques. Knowledge and Information Systems. No. 3. 1. 1999. 269 - 308. Print. 13. Coello Coello, Carlos A., Lechuga, Maximino Salazar. MOPSO: a Proposal for Multiple Objective Particle Swarm Optimization. Proceedings of the IEEE Congress on Evolutionary Computation. 2002. Print. 14. Hu Xiaohui, Eberhart Russell C. Multiobjective Optimization using Dynamic Neighborhood Particle Swarm Optimization. Proceedings of the IEEE Congress on Evolutionary Computation. 2002. Print. 15. Parsopoulos Konstantinos E., Vrahatis, Michael N. Particle Swarms Optimization Method in Multiobjective Problems. Proceedings of the ACM Symposium on Applied Computing. 2002. 603 – 607. Print.

Поступила (received) 29.05.2015